





Fractions et décimaux Ce qu'il faut retenir

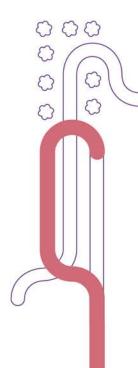
















Définition: un nombre décimal est un nombre que l'on peut écrire sous la forme d'une fraction décimale, c'est à dire une fraction avec un dénominateur égal à 1, 10, 100, 1000, ... (10ⁿ). On peut aussi le coder sous forme d'écriture décimale : avec une virgule, ou sans dans le cas d'entiers (pour faciliter les calculs)

Exemples:

23

10 est un nombre décimal. Sous forme décimale il s'écrit 2,3 Tous les nombres entiers sont des nombres décimaux.

Décimal ou juste fraction ? (pour l'écrit du CRPE)

Propriété: pour savoir si une fraction est un nombre décimal, il suffit de la rendre irréductible* et de voir si le dénominateur peut s'écrire sous la forme d'un produit de puissances de 2 et de 5. Si c'est le cas, la fraction est un nombre décimal. Sinon, ce n'est pas un nombre décimal.

*rendre irréductible une fraction c'est la simplifier en divisant numérateur et dénominateur par un même nombre, jusqu'à ce qu'on ne puisse plus.





Intercaler une fraction entre deux fractions $\frac{a}{b}$ et $\frac{a'}{b}$

Méthode 1

• Multiplier les deux fractions (numérateur et dénominateur) par 10. Toutes les fractions comprises entre les fractions obtenues peuvent être intercalées entre $\frac{a}{b}$ et $\frac{a'}{b}$.

Méthode 2

• La demie-somme de a+a' est plus grande que a mais plus petite que a'. On en déduit :

$$\frac{a+a'}{2} = \frac{1}{2} \times (a+a')$$

• La fraction ainsi obtenue sera donc comprise entre $\frac{a}{b}$ et $\frac{a'}{b}$.





PARTIE ENTIERE - PARTIE DECIMALE D'UN NOMBRE

$$37,618 = 37 + 0,618 = 37 + \frac{618}{1000}$$

Partie entière

Partie décimale







Pour comparer deux fractions:

Cas particuliers:

- a) Si les deux fractions ont le même numérateur, alors la plus petite est celle qui a le plus grand dénominateur.
- b) Quand deux fractions ont le même dénominateur, alors la plus petite est celle qui a le plus petit numérateur.

Cas général:

Si les deux fractions ont des dénominateurs différents, alors on les réduit on même dénominateur afin de comparer ensuite les numérateurs.

