PROBLEMES NECESSITANT DE RECOURIR AU CALCUL LITTERAL

EXERCICE 1 (extrait des cahiers Sésamath, modifié)

Simon désire regarder des films en VOD. Son opérateur lui propose les deux tarifs suivants :

OPTION A : Tarif de 3 € par film visualisé.

OPTION B: Un abonnement de 15 € pour 6 mois avec un tarif de 1,50 € par film visualisé.

a. Complète le tableau suivant.

Nombre de films vus en 6 mois Prix payé en € avec	4	8	12	16
Option A				
Option B				

 b. Précise dans chaque cas l'option la plus avantageuse.

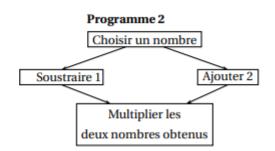
On appelle x le nombre de films vus par Simon.

- **c.** Exprime en fonction de x la somme S_A payée avec l'option A.
- **d.** Exprime en fonction de x la somme S_B payée avec l'option B.
- e. Résous $S_A = S_B$.
 Interprète le résultat.

EXERCICE 2 (extrait de DNB 2019, Métropole La Réunion)

Void deux programmes de calcul:

Programme 1 Choisir un nombre Le multiplier par 3 Ajouter 1



- Vérifier que si on choisit 5 comme nombre de départ.
 - le résultat du programme 1 vaut 16.
 - le résultat du programme 2 vaut 28.

On appelle A(x) le résultat du programme 1 en fonction du nombre x choisi au départ. La fonction $B: x \longmapsto (x-1)(x+2)$ donne le résultat du programme 2 en fonction du nombre x choisi au départ.

- **2. a.** Exprimer A(x) en fonction de x.
 - b. Déterminer le nombre que l'on doit choisir au départ pour obtenir 0 comme résultat du programme 1.
- 3. Développer et réduire l'expression :

$$B(x) = (x-1)(x+2).$$

- **4. a.** Montrer que B(x) A(x) = (x+1)(x-3).
 - b. Quels nombres doit-on choisir au départ pour que le programme 1 et le programme 2 donnent le même résultat? Expliquer la démarche.

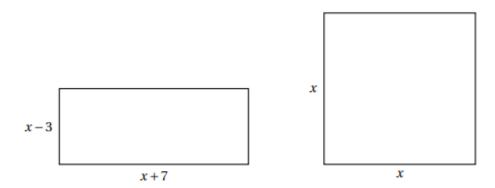
Coup de pouce : autrement dit,

B(x) = (x-1)(x+2) est le résultat du programme 2 en fonction du nombre x choisi au départ.

EXERCICE 3 (d'après DNB 2022, Métropole Antilles Guyane)

Dans cet exercice, *x* est un nombre strictement supérieur à 3. On s'intéresse aux deux figures géométriques dessinées ci-dessous :

- un rectangle dont les côtés ont pour longueurs x-3 et x+7.
- un carré de côté x.



Quatre propositions sont écrites ci-dessous :
 Recopier sur la copie celle qui correspond à l'aire du carré. On ne demande pas de
justifier.

2x

- 4x 4+x x^2 2. Montrer que l'aire du rectangle est égale à $x^2+4x-21$.
- **3.** Quel nombre *x* doit-on choisir pour que l'aire du rectangle soit égale à l'aire du carré? *Toute trace de recherche, même non aboutie, sera prise en compte.*

EXERCICE 4 Vrai ou faux ? Justifier.

Affirmation 1: 11 est solution de l'équation -8x + 7 = -3(2x + 5)

Affirmation 2: pour tout nombre x, $(2x + 1)^2 - 4 = (2x - 3)(2x - 1)$

EXERCICE 5 (Brevet Madagascar Océan Indien, 2005)

On donne l'expression :

$$M = (3x+5)^2 - (3x+5)(2x+7).$$

- Développer et réduire M.
- 2. Factoriser M.
- **3.** Calculer M pour x = 2, puis pour x = 0.
- Résoudre l'équation M = 0.